

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ  
Γ' ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ ΚΑΙ ΕΠΑΛ  
(ΟΜΑΔΑ Β')  
ΠΑΡΑΣΚΕΥΗ 29 ΜΑΪΟΥ 2015  
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ  
ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ (ΚΑΙ ΤΩΝ  
ΔΥΟ ΚΥΚΛΩΝ)**

**ΘΕΜΑ Α**

**A1. α**

**A2. β**

**A3. α**

**A4. δ**

**A5. α. Δ**

**β. Σ**

**γ. Σ**

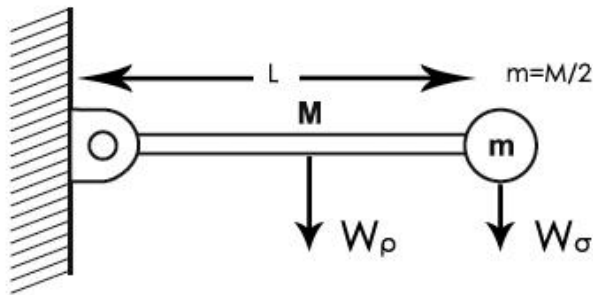
**δ. Λ**

**ε. Σ**

**ΘΕΜΑ Β**

**Β1.**

**(iii) ΣΩΣΤΟ**



$$\Sigma \tau_0^{\text{ολικη}} = I^{\text{ολικη}} \alpha_\gamma \Rightarrow$$

$$\Sigma \tau_0 = \left( \frac{1}{3} ML^2 + \frac{M}{2} L^2 \right) \alpha_\gamma \Rightarrow$$

$$\Sigma \tau_0 = \frac{5}{6} ML^2 \alpha_\gamma \Rightarrow$$

$$Mg \frac{L}{2} + \frac{M}{2} gL = \frac{5}{6} ML^2 \alpha_\gamma \Rightarrow$$

$$\frac{g}{2} + \frac{g}{2} = \frac{5}{6} L \alpha_\gamma \Rightarrow$$

$$g = \frac{5}{6} L \alpha_\gamma \Rightarrow \alpha_\gamma = \frac{6g}{5L}$$

$$\frac{\Delta L_\rho}{\Delta t} = \Sigma \tau_\rho = I_\rho \cdot \alpha_\gamma = \frac{1}{3} ML^2 \alpha_\gamma = \frac{1}{3} ML^2 \frac{6g}{5L} = \frac{2MgL}{5}$$

**B2.**

**(iii) ΣΩΣΤΟ**

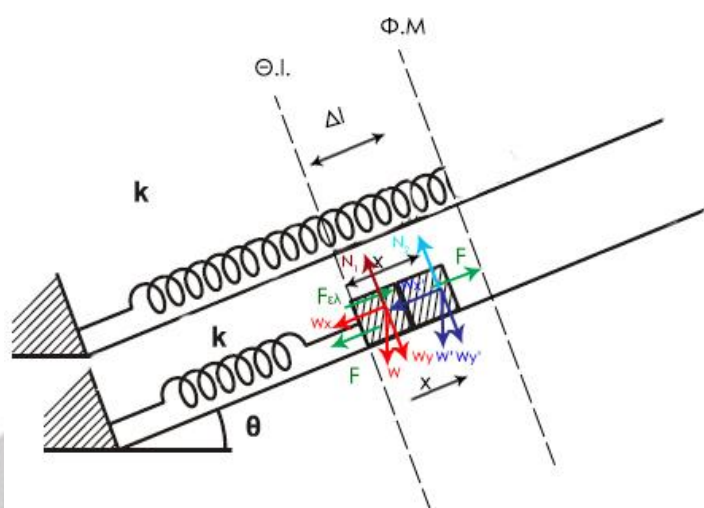
$$X_{\text{3ου δεσμου}} = \frac{5\lambda}{4}$$

$$\text{Άρα } X_M = \frac{5\lambda}{4} + \frac{\lambda}{12} = \frac{16\lambda}{12} \Rightarrow X_M = \frac{4\lambda}{3}$$

$$A'_M = |2A\sigma\upsilon\nu \frac{2\pi X_M}{\lambda}| = |2A\sigma\upsilon\nu \frac{2\pi}{\lambda} \frac{4\lambda}{3}| = |2A\sigma\upsilon\nu \frac{8\pi}{3}| = |2A(-\frac{1}{2})| = A$$

**B3.**

**ΣΩΣΤΟ (i)**



$$\Theta\text{Ι}_{\text{σύστημα}} : \Sigma F = 0 \Rightarrow F + F_{\text{ελ}} - W_{2x} - W_{1x} - F = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow k\Delta l = (m_1 + m_2)g\eta\mu\theta$$

$$\Delta l = \frac{(m_1 + m_2)g\eta\mu\theta}{k}$$

$$D_{\text{συστ}} = K = (m_1 + m_2)w^2$$

$$\gamma.\alpha.\tau.m_2 : \Sigma F_2 = -D_2x \Rightarrow$$

$$D_2 = m_2w^2 \Rightarrow D_2 = \frac{m_2k}{m_1 + m_2} \left| \Rightarrow F - w_{2x} = -D_2x \Rightarrow F = w_{2x} - D_2x \right.$$

μη απώλεια επαφής όσο

$$F > 0 \Rightarrow w_{2x} - D_2x > 0 \Rightarrow w_{2x} > D_2x \Rightarrow$$

$$m_2 g \eta \mu \theta > \frac{m_2 k}{m_1 + m_2} x \Rightarrow kx < (m_1 + m_2) g \eta \mu \theta \quad \text{ή} \quad x < \Delta l$$

εφόσον έχουμε ταλάντωση με πλάτος  $A$  θα πρέπει

$$kA < (m_1 + m_2) g \eta \mu \theta$$

## ΘΕΜΑ Γ

### Γ1.

$$U_E = E - U_B = E - \frac{1}{2} Li^2 \quad \left| \begin{array}{l} E = 8 \cdot 10^{-2} \text{ J} \\ \frac{1}{2} L = 8 \cdot 10^{-2} \Rightarrow L = 16 \cdot 10^{-2} \text{ H} \end{array} \right.$$

$$U_E = 8 \cdot 10^{-2} - 8 \cdot 10^{-2} i^2$$

$$E = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow 8 \cdot 10^{-2} = \frac{1}{2} C \cdot 16 \cdot 10^{-2} \Rightarrow C = 10^{-4} \text{ F}$$

### Γ2.

$$T = 2\pi\sqrt{LC} = 8\pi \cdot 10^{-3} \text{ s}, \omega = \frac{2\pi}{T} = 250 \text{ rad/s}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{για } t=0 \quad q = CV = 4 \cdot 10^{-3} \text{ C} \\ i = 0 \end{array} \right| \Rightarrow Q = 4 \cdot 10^{-3} \text{ C} \quad \Rightarrow I = \omega Q \Rightarrow I = 1 \text{ A}$$

$$\text{Άρα για } t=0 \quad q=0$$

συνεπώς

$$q = Q \sin \omega t$$

$$\text{για } t = \frac{T}{12} \quad q = Q \sin \frac{2\pi}{T} \frac{T}{12} \Rightarrow q = Q \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{άρα } U_E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \frac{3}{4} \Rightarrow U_E = \frac{3}{4} E = 6 \cdot 10^{-2} \text{ J}$$

### Γ3

$$i = -\omega Q \eta \mu \omega t \Rightarrow \frac{di}{dt} = -\omega^2 q$$

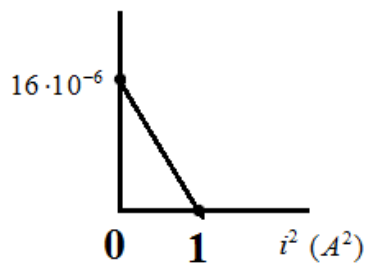
$$U_E = 3U_B \Rightarrow U_E = 3(E - U_E) \Rightarrow 4U_E = 3E \Rightarrow U_E = \frac{3}{4}E \Rightarrow q = \pm Q \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{Αρα } \left| \frac{di}{dt} \right| = \omega^2 Q \frac{\sqrt{3}}{2} = 250 \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ A/s} = 125\sqrt{3} \text{ A/s}$$

Γ4

Από Διατήρηση Ενέργειας ηλ. Ταλάντωσης

$$q^2(C^2)$$



$$U_E = E - U_B$$

$$\frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = E - U_B \Rightarrow q^2 = 2 \cdot 10^{-4} \cdot 8 \cdot 10^{-2} (1 - i^2) \Rightarrow$$

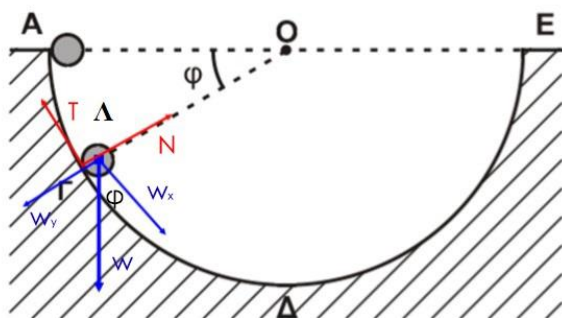
$$q^2 = 16 \cdot 10^{-6} - 16 \cdot 10^{-6} i^2 \quad SI$$

ή

$$\frac{1}{2} \frac{q^2}{C} - \frac{1}{2} Li^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \Rightarrow q^2 = LC(I^2 - i^2) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow q^2 = 16 \cdot 10^{-6} (1 - i^2)$$

### ΘΕΜΑ Δ



Δ1.

$$\Sigma F_x = m\alpha_{cm(\Lambda)} \Rightarrow mg\sigma\upsilon\nu\phi - T_\sigma = m\alpha_{cm}$$

$$\Sigma \tau_\Lambda = I_\Lambda \alpha_\gamma \Rightarrow T_\sigma r = \frac{2}{5} m r^2 \alpha_\gamma \Rightarrow T_\sigma = \frac{2}{5} m r \alpha_\gamma$$

αλλά επειδή κάνει κύλιση χωρίς ολίσθηση έχουμε

$$r \cdot \alpha_\gamma = \alpha_{\text{επιρ}} = \alpha_{cm}$$

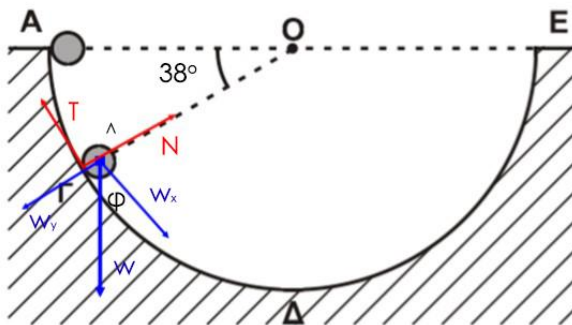
$$mg\sigma\upsilon\nu\phi - T_\sigma = m\alpha_{cm}$$

$$T_\sigma = \frac{2}{5} m\alpha_{cm}$$

$$mg\sigma\upsilon\nu\phi = \frac{7}{5} m\alpha_{cm} \Rightarrow \alpha_{cm} = \frac{5}{7} g\sigma\upsilon\nu\phi$$

$$\text{άρα } T_\sigma = \frac{2}{5} m \frac{5}{7} g\sigma\upsilon\nu\phi \Rightarrow T_\sigma = \frac{2}{7} mg\sigma\upsilon\nu\phi = \frac{2}{7} 1,4 \cdot 10 \sigma\upsilon\nu\phi = 4\sigma\upsilon\nu\phi$$

Δ2.







$$\text{ΑΔΜΕ: } K_{\alpha} + U_{\alpha} = K_{\tau} + U_{\tau}$$

$$mgh = \frac{1}{2} I_{\wedge} \omega_1^2 + \frac{1}{2} m u_1^2$$

$$\eta\mu 30 = \frac{h}{R - \frac{R}{8}} = \frac{h}{\frac{7R}{8}} \Rightarrow h = \frac{7R}{8} \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow \boxed{h = \frac{7R}{16}}$$

$$\text{αλλά } u_1 = u_r = \omega r$$

$$mg \frac{7R}{16} = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5} m r^2 \omega_1^2 + \frac{1}{2} m u_1^2 \Rightarrow m u_1^2 = g \frac{7R}{16} = \frac{1}{5} m u_1^2 + \frac{1}{2} m u_1^2 \Rightarrow$$

$$\frac{7gR}{16} = \frac{7}{10} u_1^2 \Rightarrow u_1^2 = \frac{10gR}{16} \Rightarrow u_1 = \sqrt{\frac{10gR}{16}} = \sqrt{\frac{10 \cdot 10 \cdot 1,6}{16}} = \sqrt{10} \text{ m/s}$$

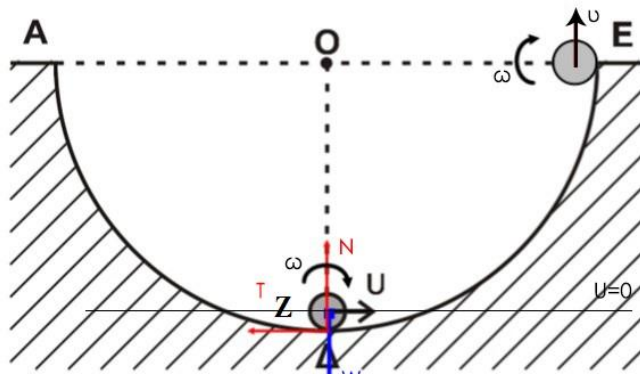
$$\text{Άρα } \Sigma F_{\text{ακτίνα ημισφαιρ.}} = m \alpha_{\kappa} = m \frac{u_1^2}{R - \frac{R}{8}} \Rightarrow N - w_y = \frac{m u_1^2}{\frac{7R}{8}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow N - mg \eta\mu 30 = \frac{m}{\frac{7R}{8}} \frac{10gR}{16} \Rightarrow N - \frac{mg}{2} = \frac{8m}{7R} \frac{10gR}{16} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow N - \frac{mg}{2} = \frac{80mg}{7 \cdot 16} \Rightarrow N = \frac{mg}{2} + \frac{5}{7} mg \Rightarrow$$

$$\Rightarrow N = \frac{17mg}{14} \Rightarrow N = \frac{17 \cdot 1,4 \cdot 10}{14} \Rightarrow \boxed{N = 17N}$$

Δ3.



Σχήμα 4

ΑΔΜΕ νέα σφαίρα:

$$Ka + Ua = K\tau + U\tau$$

$$\frac{1}{2}mu^2 + \frac{1}{2}I_z\omega^2 = \frac{1}{2}mu'^2 + \frac{1}{2}I_z\omega'^2 + mg\left(R - \frac{R}{8}\right)$$

$$\frac{1}{2}mu^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5}mr^2\omega^2 = \frac{1}{2}mu'^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5}mr^2\omega'^2 + mg \frac{7R}{8}$$

Ξέρουμε ότι κάνει κύλιση χωρίς ολίσθηση

$$u' = u'_{\lambda\omicron} = \omega' r \text{ και } u = \omega r = u_{\gamma\pi}$$

$$\frac{1}{2}u^2 + \frac{1}{5}u^2 = \frac{1}{2}u'^2 + \frac{1}{5}u'^2 + \frac{7gR}{8} \Rightarrow$$

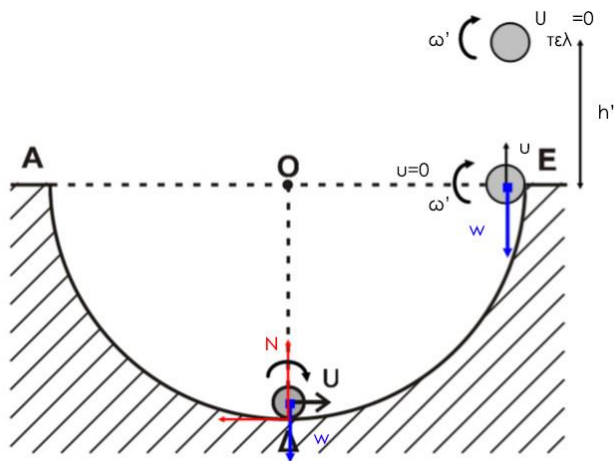
$$\frac{7}{10}36 = \frac{7}{10}u'^2 + \frac{7 \cdot 10 \cdot 1,6}{8} \Rightarrow \frac{36}{10} = \frac{u'^2}{10} + 2 \Rightarrow$$

$$36 = u'^2 + 20 \Rightarrow u'^2 = 16 \Rightarrow u' = \sqrt{16} = 4 \text{ m/s}$$

$$\text{Άρα } u' = \omega' r \Rightarrow 4 = \omega' \cdot \frac{1,6}{8} \Rightarrow \omega' = \frac{4 \cdot 8}{1,6} \Rightarrow \omega' = 20 \text{ rad/s}$$

Η σφαίρα στο σημείο E εγκαταλείπει τον κύκλο άρα η μόνη δύναμη που επιδρά πλέον είναι το βάρος. Συνεπώς, αρχίζει ομαλά επιβραδυνόμενη μεταφορική αλλά και ομαλή στροφική.





Άρα ψηλότερο σημείο έχει  $u_{τελ}=0$  αλλά η γωνιακή ταχύτητα εξακολουθεί να είναι  $\omega'$

ΑΔΜΕ

$$K_{\alpha} + U_{\alpha} = K_{\tau} + U_{\tau} \Rightarrow \frac{1}{2} m u'^2 + \frac{1}{2} I_z \omega'^2 = \frac{1}{2} m u_{τελ}^2 + \frac{1}{2} I_z \omega'^2 + mgh'$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m u'^2 = mgh' \Rightarrow \frac{1}{2} 16 = 10h' \Rightarrow \boxed{h' = 0,8m}$$

**Δ4.** Η μόνη δύναμη που επιδρά μόλις χάσει επαφή είναι το βάρος, που δεν προκαλεί ροπή.

$$\frac{\Delta K_{\sigma\tau\rho}}{\Delta t} = P_{\sigma\tau\rho} = \Sigma \tau \cdot \omega' = \tau_w \cdot \omega' = 0 \text{ μόλις χάσει επαφή}$$

$$\frac{\Delta K_{\muεταφ}}{\Delta t} = P_{\muεταφ} = \Sigma F \cdot u' = -W \cdot u' = -mgu' =$$

$$= -1,4 \cdot 10 \cdot 4 = -56 \text{ Watt}$$

συνολικός ρυθμός μεταβολής της κινητικής ενέργειας:  $\frac{\Delta K_{ολ}}{\Delta t} = -56 \text{ Watt} \left( \frac{\text{Joule}}{\text{sec}} \right)$

$$\text{και } \frac{\Delta L}{\Delta t} = \Sigma \tau = 0$$

**Επιμέλεια:** Αγγελής Γιάννης, Δοξόπουλος Κώστας, Μανελίδης Ν.